



PROBABILITÉS

Exercices

EXERCICE 1

Une maladie atteint 3% d'une population de 20 000 individus.

On appelle « malade » l'individu atteint de cette maladie et « bien portant » celui qui ne l'est pas. On dispose d'un test pour la détecter.

Ce test donne les résultats suivants :

- Chez les individus malades, 95% des tests sont positifs.
- Chez les individus bien portants, 2% des tests sont positifs.

On note les évènements suivants :

- M: « être malade »
- T: « avoir un test positif »

On rencontre une personne au hasard de cette population.

- 1) Calculer p(T), $p(T \cap M)$, $p(M \cup T)$.
- 2) Sachant que la personne rencontrée est malade, calculer la probabilité que son test soit négatif.
- 3) Sachant que la personne rencontrée a un test positif, calculer la probabilité qu'elle ne soit pas malade.

EXERCICE 2

Une urne contient 20 boules numérotées de 1 à 20. On tire une boule au hasard.

On note les évènements suivants :

- A : « le numéro sorti est un multiple de 3 »
- B : « le numéro sorti est strictement supérieur à 5 »

Calculer : P(A), P(B), $P(\bar{A})$, $P(\bar{B})$, $P(\bar{A} \cap \bar{B})$, $P(\bar{A} \cup \bar{B})$.







EXERCICE 3

Le coût de fabrication d'une tablette d'une marque donnée est de 200 euros.

Un mauvais réglage sur une machine qui les fabrique est à l'origine de deux types de défauts noté A et

Une tablette peut avoir les deux défauts en même temps.

- 10% des tablettes possèdent le défaut A
- 7% des tablettes possèdent le défaut B
- 2% des tablettes possèdent les deux défauts.

Avant la commercialisation des tablettes, au prix unitaire de 500€, celles-ci sont testées. Celles qui présentent des défauts sont réparées.

Corriger le défaut A coûte 50€ et corriger le défaut B coûte 100€.

- 1) Une tablette est prise au hasard. Quel bénéfice le fabriquant peut-il espérer de sa vente?
- 2) S'il vend 10 millions de tablettes, quel bénéfice global peut-il espérer?

Pour plus d'exercices, n'hésitez pas à visiter mon site. poppy-sciences.com

> Aucune reproduction, même partielle, autres que celles prévues à l'article L 122-5 du code de la propriété intellectuelle, ne peut être faite de ce support sans l'autorisation expresse de l'autrice.





Corrigés

EXERCICE 1

Une maladie atteint 3% d'une population de 20 000 individus.

On appelle « malade » l'individu atteint de cette maladie et « bien portant » celui qui ne l'est pas.

On dispose d'un test pour la détecter.

Ce test donne les résultats suivants :

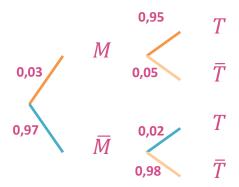
- Chez les individus malades, 95% des tests sont positifs.
- Chez les individus bien portants, 2% des tests sont positifs.

On note les évènements suivants :

- ❖ M: « être malade »
- T: « avoir un test positif »

On rencontre une personne au hasard de cette population.

1) Calculer P(T), $P(T \cap M)$, $P(M \cup T)$.



$$P(T) = P(M \cap T) + P(\overline{M} \cap T) = P(M) \times P_M(T) + P(\overline{M}) \times P_{\overline{M}}(T)$$
$$P(T) = 0.03 \times 0.95 + 0.97 \times 0.02 = 0.0479$$

$$P(T \cap M) = P(M) \times P_M(T) = 0.03 \times 0.95 = 0.0285$$

$$P(T \cup M) = P(M) + P(T) - P(T \cap M) = 0.03 + 0.0479 - 0.0285 = 0.0494$$







2) Sachant que la personne rencontrée est malade, donner la probabilité que son test soit négatif.

$$P_M(\bar{T}) = 0.05$$

3) Sachant que la personne rencontrée a un test positif, calculer la probabilité qu'elle ne soit pas malade.

$$P(T \cap \overline{M}) = P(T) \times P_T(\overline{M})$$

$$P(\overline{M}) \times P_{\overline{M}}(T) = 0,0479 \times P_T(\overline{M})$$

$$0,97 \times 0,02 = 0,0479 \times P_T(\overline{M})$$

$$0,0194 = 0,0479 \times P_T(\overline{M})$$

$$P_T(\overline{M}) = \frac{0,0194}{0,0479} = 0,4050$$

EXERCICE 2

Une urne contient 20 boules numérotées de 1 à 20. On tire une boule au hasard.

On note les évènements suivants :

A : « le numéro sorti est un multiple de 3 »

B : « le numéro sorti est strictement supérieur à 5 »

Calculer: P(A), P(B), $P(\bar{A})$, $P(\bar{B})$, $P(\bar{A} \cap \bar{B})$, $P(\bar{A} \cup \bar{B})$.

$$P(A) = \frac{6}{20}$$

$$P(B) = \frac{15}{20}$$

$$P(\bar{A}) = 1 - P(A) = 1 - \frac{6}{20} = \frac{14}{20}$$

$$P(\bar{B}) = \frac{5}{20}$$

$$P(\bar{A} \cap \bar{B}) = 1 - \frac{5}{20} = \frac{15}{20}$$

$$P(\bar{A} \cup \bar{B}) = \frac{15}{20}$$





EXERCICE 3

Le coût de fabrication d'une tablette d'une marque donnée est de 200 euros.

Un mauvais réglage sur une machine qui les fabrique est à l'origine de deux types de défauts noté A et B. Une tablette peut avoir les deux défauts en même temps.

- 10% des tablettes possèdent le défaut A.
- 7% des tablettes possèdent le défaut B.
- 2% des tablettes possèdent les deux défauts.

Avant la commercialisation des tablettes, au prix unitaire de 500€, celles-ci sont testées. Celles qui présentent des défauts sont réparées.

Corriger le défaut A coûte 50€ et corriger le défaut B coûte 100€.

1) Une tablette est prise au hasard. Quel bénéfice le fabriquant peut-il espérer de sa vente ?

	В	\overline{B}	Total
A	2	8	10
\overline{A}	5	85	90
Total	7	93	100

Issue	$\overline{A} \cap \overline{B}$	$A\cap \overline{B}$	$\overline{A} \cap B$	$A \cap B$
Bénéfice	300	250	200	150
Effectif	85	8	5	2
Probabilité	85	8	5	2
Probabilite	$\overline{100}$	$\overline{100}$	$\overline{100}$	100

$$m = \frac{300 \times 85 + 8 \times 250 + 5 \times 200 + 2 \times 150}{100} = 288 \in$$

2) S'il vend 10 millions de tablettes, quel bénéfice global peut-il espérer?

$$288 \times 10 = 2880$$

Il peut espérer faire 2 880 millions d'euros de bénéfices.

Pour plus d'exercices, n'hésitez pas à visiter mon site.

poppy-sciences.com

Aucune reproduction,
même partielle, autres que celles prévues
à l'article L 122-5 du code de la
propriété intellectuelle, ne peut être faite
de ce support sans l'autorisation
expresse de l'autrice.

